

## Auxiliar N° 8

Profesor: Hugo Arellano S.  
Profesor auxiliar: Felipe Isaule

30 de Abril de 2015

**P1.** Se tienen dos osciladores armónicos acoplados:

$$\hat{H} = (\hat{p}_1^2 + \hat{p}_2^2)/2m + m\omega^2(\hat{x}_1^2 + \hat{x}_2^2)/2 + Cx_1x_2$$

Encuentre el espectro de autoenergías.

**P2.**

a) Encuentre una expresión para el valor de expectación de  $x^4$  para un oscilador armónico en el nivel  $n$ .

b) Comprobar que para un oscilador armónico en el nivel  $n$  se cumple que:

$$\Delta x \Delta p = \hbar \frac{2n+1}{2}$$

**P3.** Para un oscilador armónico, en  $t = 0$  se tiene:

$$\Psi(0, x) = A\phi_0(x) + B\phi_1(x) + C\phi_3(x)$$

donde  $\phi_i$  es la autofunción para el oscilador armónico en el estado  $i$ . Para  $t > 0$ , encuentre  $\langle H \rangle$ ,  $\langle p^2/2m \rangle$ ,  $\langle m\omega^2 x^2/2 \rangle$ ,  $\langle x \rangle$  y  $\langle p \rangle$ .

**P4.** Un estado coherente  $|\lambda\rangle$  de un oscilador armónico se define como:

$$a|\lambda\rangle = \lambda|\lambda\rangle$$

donde  $\lambda$  puede ser complejo.

a) Probar que  $|\lambda\rangle = e^{-|\lambda|^2/2} e^{\lambda a^\dagger} |0\rangle$  es un estado coherente normalizado.

b) Escriba  $|\lambda\rangle = \sum_{n=0}^{\infty} f(n)|n\rangle$ . Muestre que  $|f(n)|^2$  es una distribución de Poisson.

c) Muestre que se puede obtener un estado coherente aplicando una traslación  $e^{-ipl/\hbar}$  al estado fundamental, donde  $l$  es la distancia de desplazamiento.

$$\text{Use que: } [A, B^n] = \sum_{k=1}^n B^{k-1} [A, B] B^{n-k}$$

**Propuestos:** Problemas 27-30 y 37 del apunte de clases.